

osnovu sledećih relacija

$$u_x = v_\xi \xi_x + v_\eta \eta_x, \quad u_y = v_\xi \xi_y + v_\eta \eta_y.$$

$$u_{xx} = v_{\xi\xi} (\xi_x)^2 + 2v_{\xi\eta} \xi_x \eta_x + v_{\eta\eta} (\eta_x)^2 + v_\xi \xi_{xx} + v_\eta \eta_{xx},$$

$$u_{xy} = v_{\xi\xi} \xi_x \xi_y + v_{\xi\eta} (\xi_x \eta_y + \xi_y \eta_x) + v_{\eta\eta} \eta_x \eta_y + v_\xi \xi_{xy} + v_\eta \eta_{xy},$$

$$u_{yy} = v_{\xi\xi} (\xi_y)^2 + 2v_{\xi\eta} \xi_y \eta_y + v_{\eta\eta} (\eta_y)^2 + v_\xi \xi_{yy} + v_\eta \eta_{yy},$$

dobija se kanonički oblik

$$v_{\xi\eta} + \frac{1}{5} v_\xi = 0.$$

b) Rešenja kvadratne jednačine  $\lambda^2 + 6\lambda + 10 = 0$  su konjugovano kompleksna, pa je data PDJ eliptična u celoj ravni. Jednačine karakteristike su

$$y = 3x - ix + c_1, \quad y = 3x + ix + c_2,$$

gde su  $c_1$  i  $c_2$  proizvoljne konstante. Prema tome, uzimamo sledeće smene  $\xi = 3x - y$  i  $\eta = x$  ("realni" i "imaginarni" deo karakteristika). Transformacija je nesingularna, tako da se dobija kanonički oblik

$$v_{\xi\xi} + v_{\eta\eta} + v_\eta = 0.$$

c) Jednačina je parabolična u celoj ravni, pošto su rešenja odgovarajuće kvadratne jednačine jednaka ( $\lambda_1 = \lambda_2 = 1$ ). Tako uvodimo smene  $\xi = x + y$  i  $\eta = x$  i dolazimo do kanoničkog oblika

$$v_{\eta\eta} + 4v_\xi + v_\eta + 2v = 0.$$